

BACCALAURÉAT GÉNÉRAL

ÉPREUVE D'ENSEIGNEMENT DE SPÉCIALITÉ

SESSION 2021

NUMÉRIQUE ET SCIENCES INFORMATIQUES

Jour 2

Durée de l'épreuve : **3 heures 30**

L'usage de la calculatrice n'est pas autorisé.

Dès que ce sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

Ce sujet comporte 18 pages numérotées de 1/18 à 18/18.

Le candidat traite au choix 3 exercices parmi les 5 exercices proposés

Chaque exercice est noté sur 4 points.

Exercice 1

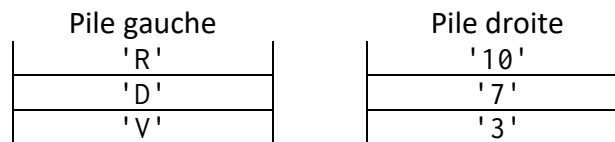
Thème abordé : structures de données : les piles

On cherche à obtenir un mélange d'une liste comportant un nombre **pair** d'éléments. Dans cet exercice, on notera N le nombre d'éléments de la liste à mélanger.

La méthode de mélange utilisée dans cette partie est inspirée d'un mélange de jeux de cartes :

- On sépare la liste en deux piles :
 - ⇒ à gauche, la première pile contient les $N/2$ premiers éléments de la liste ;
 - ⇒ à droite, la deuxième pile contient les $N/2$ derniers éléments de la liste.
- On crée une liste vide.
- On prend alors le sommet de la pile de gauche et on le met en début de liste.
- On prend ensuite le sommet de la pile de droite que l'on ajoute à la liste et ainsi de suite jusqu'à ce que les piles soient vides.

Par exemple, si on applique cette méthode de mélange à la liste $['V', 'D', 'R', '3', '7', '10']$, on obtient pour le partage de la liste en 2 piles :



La nouvelle liste à la fin du mélange sera donc $['R', '10', 'D', '7', 'V', '3']$.

1. Que devient la liste $['7', '8', '9', '10', 'V', 'D', 'R', 'A']$ si on lui applique cette méthode de mélange ?

On considère que l'on dispose de la structure de données de type pile, munie des seules instructions suivantes :

- $p = \text{Pile}()$: crée une pile vide nommée p
- $p.\text{est_vide}()$: renvoie Vrai si la liste est vide, Faux sinon
- $p.\text{empiler}(e)$: ajoute l'élément e dans la pile
- $e = p.\text{depiler}()$: retire le dernier élément ajouté dans la pile et le retourne (et l'affecte à la variable e)
- $p2 = p.\text{copier}()$: renvoie une copie de la pile p sans modifier la pile p et l'affecte à une nouvelle pile $p2$

2. Recopier et compléter le code de la fonction suivante qui transforme une liste en pile.

```
def liste_vers_pile(L):
    '''prend en paramètre une liste et renvoie une
    pile'''
    N = len(L)
    p_temp = Pile()
    for i in range(N):
        .....
    return .....
```

3. On considère la fonction suivante qui partage une liste en deux piles. Lors de sa mise au point et pour aider au débogage, des appels à la fonction `affichage_pile` ont été insérés. La fonction `affichage_pile(p)` affiche la pile `p` à l'écran verticalement sous la forme suivante :

dernier élément empilé
...
...
premier élément empilé

```
def partage(L):
    N = len(L)
    p_gauche = Pile()
    p_droite = Pile()
    for i in range(N/2):
        p_gauche.empile(L[i])
    for i in range(N/2,N):
        p_droite.empile(L[i])
    affichage_pile(p_gauche)
    affichage_pile(p_droite)
    return p_gauche, p_droite
```

Quels affichages obtient-on à l'écran lors de l'exécution de l'instruction : `partage([1,2,3,4,5,6])` ?

4.

4.a Dans un cas général et en vous appuyant sur une séquence de schémas, **expliquer** en quelques lignes comment fusionner deux piles `p_gauche` et `p_droite` pour former une liste `L` en alternant un à un les éléments de la pile `p_gauche` et de la pile `p_droite`.

4.b. **Écrire** une fonction `fusion(p1, p2)` qui renvoie une liste construite à partir des deux piles `p1` et `p2`.

5. **Compléter** la dernière ligne du code de la fonction `affichage_pile` pour qu'elle fonctionne de manière récursive.

```
def affichage_pile(p):
    p_temp = p.copier()
    if p_temp.est_vide():
        print('____')
    else:
        elt = p_temp.depiler()
        print('| ', elt, ' |')
        ... # ligne à compléter
```

Exercice 2

Thèmes abordés : programmation Python, tuples et listes

L'objectif de cet exercice est de mettre en place une modélisation d'un jeu de labyrinthe en langage Python.

On décide de représenter un labyrinthe par un tableau carré de taille n , dans lequel les cases seront des 0 si l'on peut s'y déplacer et des 1 s'il s'agit d'un mur. Voici un exemple de représentation d'un labyrinthe :



```
laby=[[0,1,1,1,1,1,1,1,1,1],  
      [0,0,0,0,0,0,0,1,0,1],  
      [1,0,1,1,1,1,0,1,0,1],  
      [1,0,1,0,0,0,0,0,0,1],  
      [1,0,1,1,1,1,1,0,1,1],  
      [1,0,1,0,0,0,1,0,1,1],  
      [1,0,1,0,1,0,1,0,1,1],  
      [1,0,1,1,1,0,1,0,1,1],  
      [1,0,0,0,0,0,1,0,0,1],  
      [1,1,1,1,1,1,1,1,0,0]]
```

L'entrée du labyrinthe se situe à la première case du tableau (celle en haut à gauche) et la sortie du labyrinthe se trouve à la dernière case (celle en bas à droite).

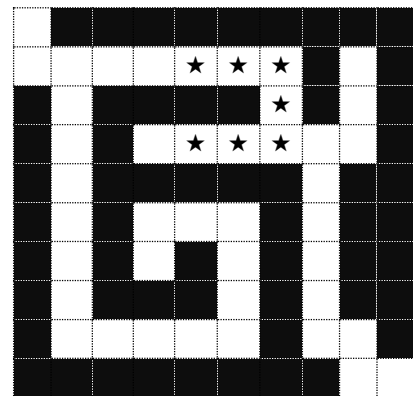
1. **Proposer**, en langage Python, une fonction `mur`, prenant en paramètre un tableau représentant un labyrinthe et deux entiers `i` et `j` compris entre 0 et `n-1` et qui renvoie un booléen indiquant la présence ou non d'un mur. Par exemple :

```
>>mur(laby, 2, 3)
True
>>mur(laby, 1, 8)
False
```

Un parcours dans le labyrinthe va être représenté par une liste de **cases**. Il s'agit de couples (i, j) où i et j correspondent respectivement aux numéros de ligne et de colonne des cases successivement visitées au long du parcours. Ainsi, la liste suivante

$[(1,4), (1,5), (1,6), (2,6), (3,6), (3,5), (3,4)]$

correspond au parcours repéré par des étoiles \star ci-contre :



La liste $[(0,0), (1,0), (1,1), (5,1), (6,1)]$ ne peut correspondre au parcours d'un labyrinthe car toutes les cases parcourues successivement ne sont pas adjacentes.

2. On considère la fonction `voisine` ci-dessous, écrite en langage Python, qui prend en paramètres deux cases données sous forme de couple.

```
def voisine(case1, case2) :
    l1, c1 = case1
    l2, c2 = case2
    # on vous rappelle que **2 signifie puissance 2
    d = (l1-l2)**2 + (c1-c2)**2
    return (d == 1)
```

2.a. Après avoir remarqué que les quantités $l1-l2$ et $c1-c2$ sont des entiers, **expliquer** pourquoi la fonction `voisine` indique si deux cases données sous forme de tuples (l, c) sont adjacentes.

2.b. **En déduire** une fonction `adjacentes` qui reçoit une liste de cases et renvoie un booléen indiquant si la liste des cases forme une chaîne de cases adjacentes.

Un parcours sera qualifié de **compatible avec le labyrinthe** lorsqu'il s'agit d'une succession de cases adjacentes accessibles (non murées). On donne la fonction `teste(cases, laby)` qui indique si le chemin `cases` est un chemin possible compatible avec le labyrinthe `laby` :

```
def teste(cases, laby) :
    if not adjacentes(cases) :
        return False
    possible = True
    i = 0
    while i < len(cases) and possible:
        if mur(laby, cases[i][0], cases[i][1]) :
            possible = False
        i = i + 1
    return possible
```

3. **Justifier** que la boucle de la fonction précédente se termine.
4. **En déduire** une fonction `echappe(cases, laby)` qui indique par un booléen si le chemin `cases` permet d'aller de l'entrée à la sortie du labyrinthe `laby`.

Exercice 3

Thèmes abordés : conversion décimal/binaire, table de vérité, codage des caractères

L'objectif de l'exercice est d'étudier une méthode de cryptage d'une chaîne de caractères à l'aide du codage ASCII et de la fonction logique XOR.

1. Le nombre 65, donné ici en écriture décimale, s'écrit 01000001 en notation binaire. En détaillant la méthode utilisée, **donner** l'écriture binaire du nombre 89.
2. La fonction logique OU EXCLUSIF, appelée XOR et représentée par le symbole \oplus , fournit une sortie égale à 1 si l'une ou l'autre des deux entrées vaut 1 mais pas les deux.

On donne ci-contre la table de vérité de la fonction XOR.

E_1	E_2	$E_1 \oplus E_2$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Si on applique cette fonction à un nombre codé en binaire, elle opère bit à bit.

$$\begin{array}{r} 1100 \\ \oplus 1010 \\ \hline = 0110 \end{array}$$

Poser et calculer l'opération : $11001110 \oplus 01101011$

3. On donne, ci-dessous, un extrait de la table ASCII qui permet d'encoder les caractères de A à Z.

On peut alors considérer l'opération XOR entre deux caractères en effectuant le XOR entre les codes ASCII des deux caractères. Par exemple : 'F' XOR 'S' sera le résultat de $01000110 \oplus 01010011$.

Code ASCII Décimal	Code ASCII Binaire	Caractère
65	01000001	A
66	01000010	B
67	01000011	C
68	01000100	D
69	01000101	E
70	01000110	F
71	01000111	G
72	01001000	H
73	01001001	I
74	01001010	J
75	01001011	K
76	01001100	L
77	01001101	M

Code ASCII Décimal	Code ASCII Binaire	Caractère
78	01001110	N
79	01001111	O
80	01010000	P
81	01010001	Q
82	01010010	R
83	01010011	S
84	01010100	T
85	01010101	U
86	01010110	V
87	01010111	W
88	01011000	X
89	01011001	Y
90	01011010	Z

On souhaite mettre au point une méthode de cryptage à l'aide de la fonction XOR.

Pour cela, on dispose d'un message à crypter et d'une clé de cryptage de même longueur que ce message. Le message et la clé sont composés uniquement des caractères du tableau ci-dessus et on applique la fonction XOR caractère par caractère entre les lettres du message à crypter et les lettres de la clé de cryptage.

Par exemple, voici le cryptage du mot ALPHA à l'aide de la clé YAKYA :

Message à crypter	A	L	P	H	A
Clé de cryptage	Y	A	K	Y	A
	↓	↓	↓	↓	↓
Message crypté	'A' XOR 'Y'	'L' XOR 'A'	'P' XOR 'K'

Ecrire une fonction `xor_crypt(message, cle)` qui prend en paramètres deux chaînes de caractères et qui renvoie la liste des entiers correspondant au message crypté.

Aide :

- On pourra utiliser la fonction native du langage Python `ord(c)` qui prend en paramètre un caractère `c` et qui renvoie un nombre représentant le code ASCII du caractère `c`.
- On considère également que l'on dispose d'une fonction écrite `xor(n1, n2)` qui prend en paramètre deux nombres `n1` et `n2` et qui renvoie le résultat de $n1 \oplus n2$.

4. On souhaite maintenant générer une clé de la taille du message à partir d'un mot quelconque. On considère que le mot choisi est plus court que le message, il faut donc le reproduire un certain nombre de fois pour créer une clé de la même longueur que le message.

Par exemple, si le mot choisi est YAK pour crypter le message ALPHABET, la clé sera YAKYAKYA.

Créer une fonction `generer_cle(mot, n)` qui renvoie la clé de longueur `n` à partir de la chaîne de caractères `mot`.

5. **Recopier** et **compléter** la table de vérité de $(E_1 \oplus E_2) \oplus E_2$.

E_1	E_2	$E_1 \oplus E_2$	$(E_1 \oplus E_2) \oplus E_2$
0	0	0	
0	1	1	
1	0	1	
1	1	0	

A l'aide de ce résultat, **proposer** une démarche pour décrypter un message crypté.

Exercice 4

Gestion d'un club de handball

Thèmes abordés : bases de données

Vous trouverez, en annexe 1, des rappels sur le langage SQL

Un club de handball souhaite regrouper efficacement toutes ses informations. Il utilise pour cela des bases de données relationnelles afin d'avoir accès aux informations classiques sur les licenciés du club ainsi que sur les matchs du championnat. Le langage SQL a été retenu.

On suppose dans l'exercice que tous les joueurs d'une équipe jouent à chaque match de l'équipe.

La structure de la base de données est composée des deux tables (ou relations) suivantes:

Table licenciés	
Attributs	Types
id_licencie	INT
prenom	VARCHAR
nom	VARCHAR
annee_naissance	INT
equipe	VARCHAR

Table matchs	
Attributs	Types
id_matchs	INT
equipe	VARCHAR
adversaire	VARCHAR
lieu	VARCHAR
date	DATE

Ci-dessous un exemple de ce que l'on peut trouver dans la base de données :
Exemple **non exhaustif** d'entrées de la table licenciés

id_licencie	prenom	nom	annee_naissance	equipe
63	Jean-Pierre	Masclef	1965	Vétérans
102	Eva	Cujon	1992	Femmes 1
125	Emile	Alinio	2000	Hommes 2
247	Ulysse	Trentain	2008	-12 ans

Exemple **non exhaustif** d'entrées de la table matchs

id_match	equipe	adversaire	lieu	date
746	-16 ans	PHC	Domicile	2021-06-19
780	Vétérans	PHC	Exterieur	2021-06-26
936	Hommes 3	LSC	Exterieur	2021-06-20
1032	-19 ans	LOH	Exterieur	2021-05-22
1485	Femmes 2	CHM	Domicile	2021-05-02
1512	Vétérans	ATC	Domicile	2021-04-12

1.

1.a. L'attribut nom de la table licencies pourrait-il servir de clé primaire ?
Justifier.

1.b. **Citer** un autre attribut de cette table qui pourrait servir de clé primaire.

2.

2.a. **Expliquer** ce que renvoie la requête SQL suivante :

```
SELECT prenom,nom FROM licencies WHERE equipe ="-12ans"
```

2.b. **Que renvoie** la requête précédente si prenom,nom est remplacé par une étoile (*) ?

2.c. **Ecrire** la requête qui permet l'affichage des dates de tous les matchs joués à domicile de l'équipe *Vétérans*.

3. **Ecrire** la requête qui permet d'inscrire dans la table licencies, *Jean Lavenu* né en 2001 de l'équipe *Hommes 2* et qui aura comme numéro de licence 287 dans ce club.

4. On souhaite mettre à jour les données de la table licencies du joueur *Joseph Cuviller*, déjà inscrit. Il était en équipe *Hommes 2* et il est maintenant en équipe *Vétérans*. Afin de modifier la table dans ce sens, **proposer** la requête adéquate.

5. Pour obtenir le nom de tous les licenciés qui jouent contre le LSC le 19 juin 2021, **recopier et compléter** la requête suivante :

```
SELECT nom FROM licencies  
JOIN Matches ON licencies.equipe = matchs.equipe  
WHERE .....
```

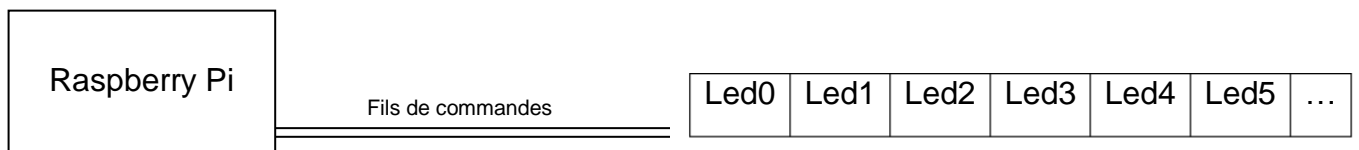
Exercice 5

Bandeau à LED

Thème abordé : l'objectif de cet exercice est de commander un bandeau de diodes électroluminescentes (LED) à l'aide d'un nano-ordinateur Raspberry Pi en langage Python.

Chacune des LEDs du bandeau pourra être commandée individuellement pour l'allumer avec une couleur choisie. Une LED est considérée comme éteinte lorsque la couleur est noire (pas de lumière), allumée pour toutes les autres couleurs.

Pour cela, nous allons utiliser un bandeau comportant au maximum 32 LEDs branché sur un nano-ordinateur Raspberry Pi sur lequel est installé le module (bibliothèque) Adafruit_WS2801, à importer dans le script Python.



Après avoir lu la documentation donnée en annexe 2, répondre aux questions suivantes.

1. Compréhension des méthodes avec un bandeau de 8 LEDs

Un script a été exécuté au préalable et le bandeau de LEDs est dans l'état suivant : toutes les LEDs sont éteintes sauf trois

La LED « LED0 » est rouge

La LED « LED1 » est bleue

La LED « LED5 » est verte

ROUGE	BLEU				VERT		
-------	------	--	--	--	------	--	--

L'objet bandeau est créé au début de notre script dans la variable `Obj_bandeau`

1.a. **Que va retourner** l'instruction : `Obj_bandeau.get_pixel_rgb(1)` ?

1.b. **Que va retourner** l'instruction `Adafruit_WS2801.RGB_to_color(0,0,255)` ?

1.c. On exécute les instructions suivantes :

```
coul = Obj_bandeau.get_pixel_rgb(0)
print(Adafruit_WS2801.RGB_to_color(coul[0],coul[1],coul[2]))
```

Expliquer brièvement le rôle de chacune des deux lignes.

2. On dispose désormais d'un bandeau de 15 LEDs

Pour chacun des 2 scripts suivants, écrits en langage Python, **recopier et compléter** les tableaux correspondants au bandeau dans son état final après exécution des différents scripts.

Exemple : Pour un bandeau avec les trois premières LEDs rouges, les deux suivantes blanches et les quatre dernières bleues, on obtient le tableau donné ci-dessous :

ROUGE	ROUGE	ROUGE	BLANC	BLANC								BLEU	BLEU	BLEU	BLEU
-------	-------	-------	-------	-------	--	--	--	--	--	--	--	------	------	------	------

2.a. En vous inspirant de l'exemple ci-dessus, **dessiner** le tableau correspondant au bandeau dans son état final après exécution du script suivant:

```
import RPi.GPIO as GPIO
import Adafruit_WS2801
import Adafruit_GPIO.SPI as SPI

Obj_bandeau=Adafruit_WS2801.WS2801Pixels(15,spi=SPI.SpiDev(0,0),gpio=GPIO
0)
Obj_bandeau.clear()

for i in range(5):
    Obj_bandeau.set_pixel(i,16711680)
for i in range(5,10):
    Obj_bandeau.set_pixel(i,16777215)
for i in range(10,15):
    Obj_bandeau.set_pixel(i,255)
Obj_bandeau.show()
```

2.b. **Dessiner** le tableau correspondant au bandeau dans son état final après exécution du script ci-dessous:

```
import RPi.GPIO as GPIO
import Adafruit_WS2801
import Adafruit_GPIO.SPI as SPI

Obj_bandeau=Adafruit_WS2801.WS2801Pixels(15,
spi=SPI.SpiDev(0,0),gpio=GPIO)
Obj_bandeau.clear()
for i in range(15):
    if i%3 == 0:
        Obj_bandeau.set_pixel(i,32768)
    else:
        Obj_bandeau.set_pixel(i,65535)
Obj_bandeau.show()
```

3. Utilisation de classe.

On souhaite ajouter quelques fonctions supplémentaires, pour cela on crée une classe Bandeau. Le script est donnée ci-dessous :

```
1 import RPi.GPIO as GPIO
2 import Adafruit_WS2801
3 import Adafruit_GPIO.SPI as SPI
4
5 class Bandeau:
6     """ Classe définissant un bandeau """
7
8     def __init__(self,Pixel_COUNT):
9         """ Commentaire n°1 """
10        self.__nbpixels=Pixel_COUNT
11        self.__tous_pixels=Adafruit_WS2801.WS2801Pixels(Pixel_COUNT,
12                                                         spi=SPI.SpiDev(0, 0), gpio=GPIO)
13
14    def estallume(self):
15        """ Renvoie True si au moins un pixel est allumé de l objet bandeau
16            Renvoie False sinon """
17        for i in range(self.__nbpixels):
18            r, g, b =self.__tous_pixels.get_pixel_rgb(i)
19            if (r+g+b>0):
20                return True
21        return False
22
23    def setpixel(self,i,c):
24        """ Affecte au pixel i la couleur c et affiche directement la modification sur
25            le bandeau de leds          i est un entier compris entre 0 et Pixel_COUNT
26            c est un entier représentant une couleur
27            num_color"""
28        self.__tous_pixels.set_pixel(i,c)
29        self.__tous_pixels.show()
30
31    def effacetout(self):
32        """ Eteint tous les pixels du bandeau et l'affiche directement sur le bandeau
33            """
34        self.__tous_pixels.clear()
35        self.__tous_pixels.show()
36
37    # Création de l'objet mon_bandeau avec 8 leds
38    mon_bandeau=Bandeau(8)
39    # Eteint tous les pixels du bandeau et l'affiche directement sur le bandeau de leds
40    mon_bandeau.affacetout()
41    # Commentaire n°2
42    mon_bandeau.setpixel(6,16711680)
43    mon_bandeau.setpixel(7,16711680)
44    # Affiche un message si au moins un pixel de mon_bandeau est allumé
45    if mon_bandeau.estallume():
46        print("Il y au moins une led d'allumée")
```

3.a. On rappelle que la documentation (ou docstring) d'une fonction ou d'une méthode consiste à expliquer ce qu'elle fait, ce qu'elle prend en paramètre et ce qu'elle renvoie. **Proposer** une documentation à écrire à la ligne 9.

3.b. **Proposer** également un commentaire à écrire à la ligne 38.

Annexe 1 (exercice 4)
(à ne pas rendre avec la copie)

- **Types de données**

CHAR(t)	Texte fixe de t caractères.
VARCHAR(t)	Texte de t caractères variables.
TEXT	Texte de 65 535 caractères max.
INT	<i>Nombre entier de -2^{31} à $2^{31}-1$ (signé) ou de 0 à $2^{32}-1$ (non signé)</i>
FLOAT	Réel à virgule flottante
DATE	Date format AAAA-MM-JJ
DATETIME	Date et heure format AAAA-MM-JJHH:MI:SS

- **Quelques exemples de syntaxe SQL :**

- Insérer des enregistrements :

```
INSERT INTO Table (attribut1, attribut2) VALUES(valeur1 , valeur2)
```

Exemple :

```
INSERT INTO client(id_client,nom,prenom) VALUES (112,'Dehnou','Danièle')
```

- Modifier des enregistrements :

```
UPDATE Table SET attribut1=valeur1, attribut2=valeur2 WHERE Selecteur
```

- Supprimer des enregistrements :

```
DELETE FROM Table WHERE Selecteur
```

- Sélectionner des enregistrements :

```
SELECT attributs FROM Table WHERE Selecteur
```

- Effectuer une jointure :

```
SELECT attributs FROM TableA JOIN TableB ON TableA.cle1=TableB.cle2 WHERE  
Selecteur
```


Annexe 2 (exercice 5) **(à ne pas rendre avec la copie)**

Documentation de la librairie Adafruit_ws2801

1) Méthodes de la librairie Adafruit_WS2801 :

WS2801Pixels(nb_px, spi, gpio) : création d'un objet représentant le bandeau de LEDs.

- nb_px : nombre de LEDs du bandeau
- spi (Serial Peripheral Interface) : interface du micro-processeur du Raspberry.
- gpio (General Purpose Input/Output) : gestion des ports entrée sortie du Raspberry.

RGB_to_color(r , g , b) : renvoie un entier (num_color) correspondant à la couleur RGB. (Voir tableau des correspondances des couleurs ci-dessous)

Adafruit_WS2801.WS2801Pixels(32,spi=SPI.SpiDev(0,0), gpio=GPI0) : crée et renvoie un objet représentant le bandeau de 32 LEDs dans un script en python.

2) Methodes sur un objet Obj_bandeau de type Adafruit_WS2801.WS2801Pixels

count() : Retourne le nombre de LEDs de Obj_bandeau

show() : Affiche l'ensemble des modifications effectuées sur Obj_bandeau au bandeau.

A noter que Obj_bandeau représente **indirectement** les LEDs du bandeau de LEDs, c'est-à-dire que l'on modifie d'abord Obj_bandeau (couleur des pixels, effacement...) puis on applique les modifications sur le bandeau de LEDs avec la méthode show().

clear() : Eteint toutes les LEDs de Obj_bandeau.

Remarque : clear() n'éteint pas directement les LEDs du bandeau de LEDs.

set_pixel(i, num_color) : Attribue à la LED n°i de l'Obj_bandeau la couleur num_color.

i : entier compris entre 0 et count()-1.

num_color: entier correspondant à la couleur obtenue avec la méthode Adafruit_WS2801.RGB_to_color(r,g,b)

Remarque : les modifications de set_pixel ne seront affichées sur le bandeau de LEDs qu'à la suite d'une instruction show().

get_pixel_rgb(i) : Retourne un tuple de trois entiers correspondant à la couleur RGB de la LED n°i de Obj_bandeau.

Remarque : pour une LED éteinte, get_pixel_rgb retourne (0,0,0).

Tableau de correspondance des couleurs :

Couleur	Rouge	Bleu	Vert	Jaune	Orange	Noir	Blanc
RGB	255,0,0	0,0,255	0,128,0	255,255,0	255,65,0	0,0,0	255,255,255
num_color	255	16711680	32768	65535	16895	0	16777215